

**EXERCICE N°1 : ( 4 points)**

On considère les deux matrices  $A = \begin{pmatrix} -3 & 5 & 6 \\ -1 & 2 & 2 \\ 1 & -1 & -1 \end{pmatrix}$  et  $B = \begin{pmatrix} 0 & 2 & 4 \\ -2 & 6 & 0 \\ 2 & -4 & 2 \end{pmatrix}$

- 1) Calculer  $\det(A)$  et en déduire que A est inversible .
- 2) a - Vérifier que  $A \times B = 2I_3$  , ( $I_3$  est la matrice unité d'ordre 3)
- b - Déduire la matrice inversible  $A^{-1}$ .

3) On considère le système (S) : 
$$\begin{cases} -3x + 5y + 6z = 7 \\ -x + 2y + 2z = 2 \\ x - y - z = -1 \end{cases}$$

- a - Ecrire (S) sous forme matricielle.
- b - Résoudre alors le système (S)

**EXERCICE N°2 : ( 4 points)**

1) Soit la suite  $(I_n)$  définie par  $I_n = \int_1^e x^2 (\ln x)^n dx$  pour tout  $n \geq 1$ .

a - Montrer que  $I_1 = \frac{2e^3 + 1}{9}$ .

b - A l'aide d'une intégration par parties montrer que :  $3I_{n+1} + (n + 1) I_n = e^3$ .

c - Calculer  $I_2$  et  $I_3$ .

2) Soient les deux fonctions f et g définies sur  $] 0 ; +\infty[$  par :  $f(x) = x^2(\ln x)^2$  et  $g(x) = x^2(\ln x)^3$ .

a - Etudier la position relative de  $(\mathcal{E}_f)$  et  $(\mathcal{E}_g)$ .

b - Calculer l'aire  $\mathcal{A}$  de la partie du plan limitée par  $(\mathcal{E}_f)$ ,  $(\mathcal{E}_g)$  et les droites d'équations:  $x = 1$  et  $x = e$ .

3) a - Montrer que :  $I_n \geq 0$  pour tout  $n \geq 1$  et que  $(I_n)$  est décroissante.

b - Déduire qu'on a :  $\frac{e^3}{n+4} \leq I_n \leq \frac{e^3}{n+3}$ .

c - Déterminer  $\lim_{n \rightarrow +\infty} nI_n$ .

**EXERCICE N°3 : ( 4 points)**

Le tableau suivant donne la distance de freinage  $d_i$ (en mètres) d'une voiture en fonction de sa vitesse  $v_i$  (en kilomètres par heure)

$v_i$ (km/h)	20	30	40	50	60	70	80	90
$d_i$ (mètres)	36	40	56	74	88	90	100	112

1) Représenter graphiquement le nuage de points associé à la série  $(v_i, d_i)$  dans le plan rapporté à un repère orthogonal.

2) Calculer les coordonnées du point moyen G.

3) Calculer le coefficient de corrélation linéaire r. Y- a-t-il forte corrélation ?

4) Par la méthode des moindres carrés,déterminer une équation de la droite de régression de D en V et la représenter dans le repère précédent.

5) Calculer la distance de freinage lorsque la voiture roule à 110km/h

#### **EXERCICE N°4 : ( 4 points)**

Une cage contient sept souris : quatre blanches ( deux femelles et deux males) et trois grises toutes femelles.

1) Une épreuve consiste à retirer simultanément et au hasard deux souris de la cage. Calculer la probabilité de chacun des événements suivants :

A : « les deux souris retirées sont du même sexe ».

B : « les deux souris retirées sont de même couleur ».

2) Sachant que les deux souris retirées sont du même sexe, calculer la probabilité pour qu'elles soient de même couleur.

3) Une opération consiste à répéter l'épreuve cinq fois de suite.

A chaque fois, on note les couleurs des souris retirées, puis on remet les deux souris dans la cage.

On appelle X la variable aléatoire qui, à chaque opération, fait correspondre le nombre de fois où les deux souris retirées sont de même couleur.

a - Déterminer la loi de probabilité de X.

b - Calculer la probabilité de l'évènement "  $X < 2$  ".

c - Calculer l'espérance mathématique de X et sa variance

<http://afimath.jimdo.com/>